

## 4 ESTUDO DE CASO

### 4.1 Descrição e Aplicação

As principais empresas de logística de carga aérea que atuam no mercado brasileiro não possuem qualquer tipo de estudo na área de pesquisa operacional que busque a identificação de aeroportos a atuarem como *hubs* em suas redes de transporte. As decisões são tomadas em função do histórico de movimentação de cargas entre origens e destinos.

Já a INFRAERO possui como principal responsabilidade fornecer infraestrutura adequada aos terminais aeroportuários que são por ela operados e, ao mesmo tempo, controlar de forma eficiente toda a movimentação de passageiros e cargas que passam por esses terminais.

A movimentação de cargas aéreas no Brasil é feita através de 32 terminais de carga administrados pela INFRAERO. A Figura 3 mostra a localização desses terminais no território nacional.

**Figura 3: Localização dos Terminais de Carga no Brasil**



Fonte: INFRAERO.

A Tabela 12 mostra a movimentação nestes terminais no ano de 2004, em números aproximados.

**Tabela 12: Movimentação nos Terminais de Carga Brasileiros - 2004**

UF	CIDADE	CARGA (TON)	UF	CIDADE	CARGA (TON)
RS	Porto Alegre	37.000	MG	Belo Horizonte	8.800
SC	Florianópolis	6.200	ES	Vitória	12.800
	Navegantes	700	BA	Salvador	73.000
	Joinville	822	SE	Aracajú	2.600
PR	Foz do Iguaçu	768	AL	Maceió	2.300
	Curitiba	27.000	PE	Petrolina	272
MS	Campo Grande	4.200	PE	Recife	49.500
	Corumbá	265	PB	João Pessoa	1.600
MT	Cuiabá	6.000	RN	Natal	9.300
GO	Goiânia	6.400	PI	Teresina	3.100
DF	Brasília	64.500	CE	Fortaleza	31.500
SP	Campinas	235.000	MA	São Luís	8.200
	São Paulo	435.000	PA	Belém	19.000
	São José dos Campos	153	AP	Macapá	2.700
RJ	Rio de Janeiro	93.700	RR	Boa Vista	718
	Campos	303	AM	Manaus	135.000

Fonte: (INFRAERO, 2004).

Um exemplo de modelagem da rede aérea brasileira de transporte de cargas, adotando a estratégia *hub-and-spoke*, seria a aplicação do modelo de alocação múltipla proposto por O'Kelly et al. (1996) e que está mostrado a seguir. Esse modelo assemelha-se ao modelo da *p-mediana* e consiste em identificar *p hubs* dentre os terminais existentes. Para a obtenção de resultados reais, seria necessário o levantamento dos dados de movimentação de cargas entre os 32 terminais e a utilização conjunta com dados de importação e exportação.

$$\text{Min}Z = \sum_{i,j,k,m \in S} W_{ij} (C_{ik} + \alpha C_{km} + C_{mj}) X_{ijkm} \quad (48)$$

s.a.:

$$\sum_k Y_k = p \quad (49)$$

$$\sum_{k,m \in S_{ij}} X_{ijkm} = 1 \quad \forall j > i \quad (50)$$

$$\sum_{m \in S_{ijk}} X_{ijkm} - Y_k \leq 0 \quad \forall j > i; k \quad (51)$$

$$\sum_{k \in S_{ijm}} X_{ijkm} - Y_m \leq 0 \quad \forall j > i; m \quad (52)$$

Onde:

$\alpha$  : Fator de desconto entre *hubs* ( $0 \leq \alpha \leq 1$ );

$p$  : Número de *hubs* a ser aberto;

$W_{ij}$  : Volume movimentado entre a origem  $i$  e o destino  $j$ ;

$C_{ik}$  : Custo por unidade movimentada em uma ligação do caminho;

$Y_k$  : Variável de decisão (1, se  $k$  for *hub*; 0, caso contrário);

$X_{ijkm}$  : Fração de volume movimentado da origem  $i$  ao destino  $j$ , passando pelos *hubs*  $k$  e  $m$ .

A função objetivo consiste na minimização do custo total de transporte da rede. A restrição (49) especifica o número de *hubs* a ser aberto. A restrição (50) garante que o fluxo entre cada par origem-destino  $(i, j)$  seja feito através de um par de *hubs*. As restrições (51) e (52) asseguram que os fluxos sejam movimentados somente por localidades que são *hubs*.

Para o modelo de alocação múltipla, o número de variáveis e restrições obedeceria à seguinte formulação (O'Kelly et al. - 1996):

Variáveis:

$$\frac{(n^4 - 3n^3 + 5n^2 - n)}{2} \quad (53)$$

Restrições:

$$\frac{(2n^3 - n^2 - n + 2)}{2} \quad (54)$$

Para a rede brasileira de transporte de cargas, com 32 pontos, os números de variáveis e restrições seriam os seguintes:

Número de Variáveis = 477.680

Número de restrições = 32.241

O modelo proposto por O’Kelly et al. (1996) busca a identificação de no mínimo 2 *hubs*. Somente as ligações entre os *hubs* serão beneficiadas pelo fator de desconto. No caso do Brasil, que possui dimensões continentais, seria interessante a utilização de mais de 2 *hubs* para que um número maior de ligações pudesse usufruir esse desconto. Em um primeiro momento, a utilização de 5 *hubs*, com somente um para uma das cinco regiões geográficas do país pode ser uma alternativa viável.

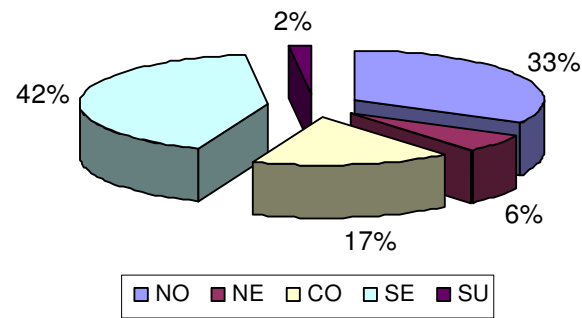
Nessa fase, a utilização de programas computacionais de otimização se torna indispensável. Diversos softwares são encontrados no mercado, apresentando características distintas entre eles. Dentre os mais conhecidos pode-se citar o *CPLEX* e o *OPL* da empresa ILOG, o *X-Press* da empresa Dash Optimization e o *LINGO*, da Lindo Systems.

O autor espera enfrentar esse desafio, como discutido no item 5.2: Sugestões para Estudos Futuros. Porém, no contexto desta dissertação de mestrado, a resolução de um problema deste porte ultrapassa o escopo desta dissertação. Sendo assim, será proposto um modelo reduzido e simplificado, utilizando uma estratégia de solução alternativa às anteriormente mostradas, apropriado ao caso de um único *hub*.

Assim, o presente estudo de caso utilizará dados do DAC de movimentação de cargas entre as cinco regiões brasileiras e buscará identificar uma única região a atuar como *hub*, tendo como objetivo a minimização do custo total da rede.

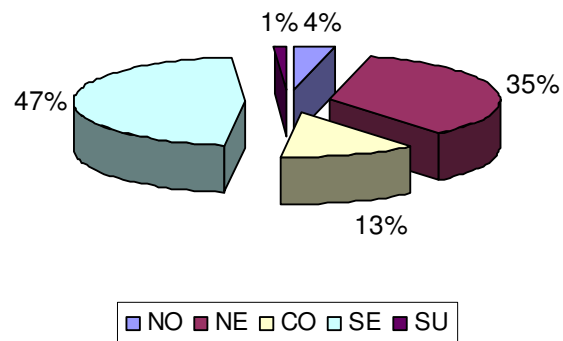
Os cinco gráficos a seguir ilustram o percentual de movimentação entre cada origem para todos os destinos. Cada gráfico mostra a tráfego de uma origem para cada uma das demais quatro regiões geográficas do país.

**Gráfico 3: Percentual de Movimentação - Origem NO**



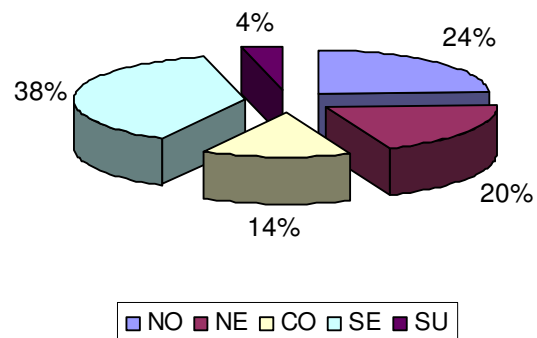
Fonte: (DAC, 2004).

**Gráfico 4: Percentual de Movimentação - Origem NE**

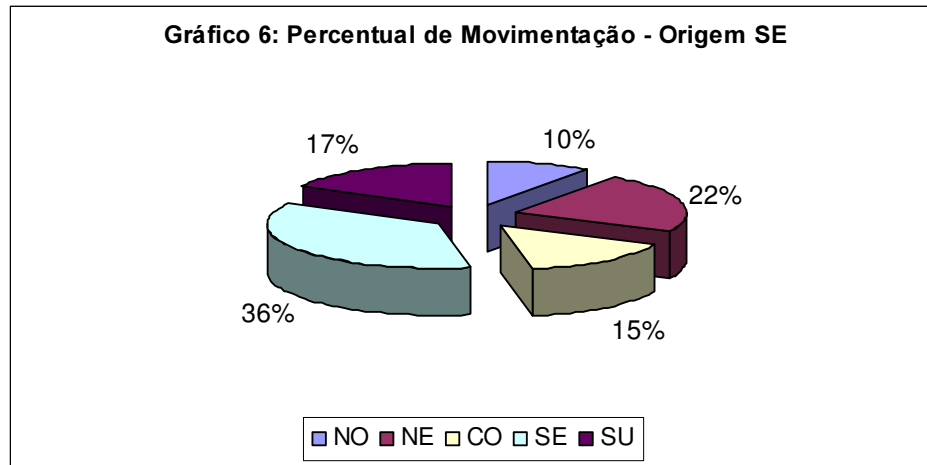


Fonte: (DAC, 2004).

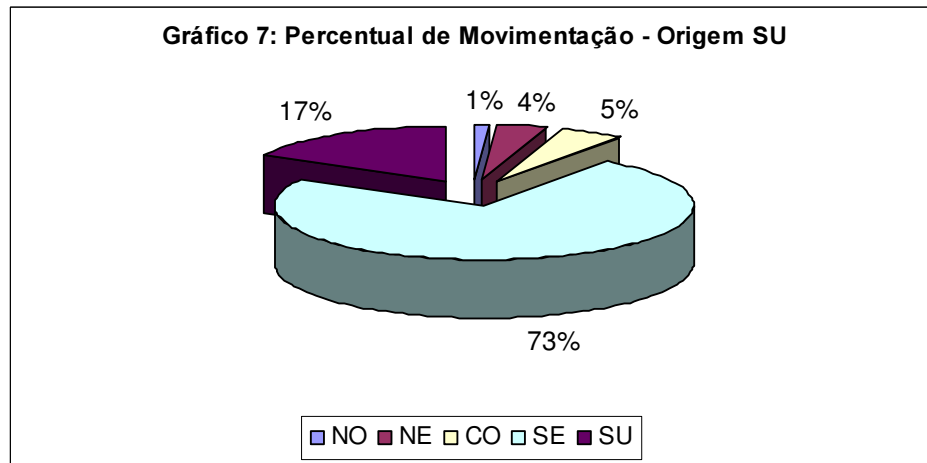
**Gráfico 5: Percentual de Movimentação - Origem CO**



Fonte: (DAC, 2004).



Fonte: (DAC, 2004).



Fonte: (DAC, 2004).

No pequeno estudo demonstrativo, com cinco regiões e um único *hub*, cada região será representada por uma cidade que poderá ser o pólo industrial ou comercial daquela região, ou possuindo potencial para isso. É o caso de Recife-PE que, para a região Nordeste não representa a principal cidade na movimentação de cargas, mas encontra-se bem localizada geograficamente, principalmente em relação ao mercado europeu. A Tabela 13 ilustra qual cidade representará cada região.

**Tabela 13: Relação de Regiões Correspondentes às Cidades Tomadas como Base para Cálculo**

Região	Cidade
Norte – NO	Manaus
Nordeste – NE	Recife
Centro-Oeste – CO	Brasília
Sudeste – SE	São Paulo
Sul – SU	Porto Alegre

A partir de então, serão feitas referências somente a essas cinco regiões. As cidades citadas na Tabela 13 serão adotadas como base para cálculo da matriz de distância entre essas regiões, tal como mostra a Tabela 14.

**Tabela 14: Distância Aérea (Km) entre Regiões Candidatas**

Distância (Km)	NO (1)	NE (2)	CO (3)	SE (4)	SU (5)
NO (1)	0	2834	1932	2689	3132
NE (2)	2834	0	1657	2129	2977
CO (3)	1932	1657	0	874	1619
SE (4)	2689	2129	874	0	852
SU (5)	3132	2977	1619	852	0

Fonte: <http://www.emsampa.com.br>

Para efeitos de cálculo, será adotado o valor de R\$ 20.000,00<sup>22</sup> e representará o custo equivalente de uma hora de voo para uma determinada aeronave que, para o presente estudo, será considerada padrão. Como a velocidade é constante, o tempo de voo passa a ser diretamente proporcional à distância percorrida.

A partir daí, tem-se a matriz de custo entre as origens e destinos para as cinco regiões em questão, como mostra a Tabela 15. O valor constante a ser utilizado para se determinar o custo hora/voo será multiplicado pela distância em Km, referente a cada trecho, obtendo-se assim o custo entre cada origem e destino para essa matriz.

<sup>22</sup> Informações da INFRAERO dão conta de que a hora/voo de um *Boeing 727* cargueiro gira em torno deste valor.

**Tabela 15: Custo (Mil R\$) entre Regiões Candidatas**

Custo (Mil R\$)	NO (1)	NE (2)	CO (3)	SE (4)	SU (5)
NO (1)	0	56680,000	38640,000	53780,000	62640,000
NE (2)	56680,000	0	33140,000	42580,000	59540,000
CO (3)	38640,000	33140,000	0	17480,000	32380,000
SE (4)	53780,000	42580,000	17480,000	0	17040,000
SU (5)	62640,000	59540,000	32380,000	17040,000	0

Em relação ao volume de cargas movimentado entre as regiões, serão utilizados como base para cálculo dados estatísticos referentes ao ano de 2004, divulgados pelo DAC. Pode-se notar que existem volumes movimentados intra-regionalmente e que serão devidamente desconsiderados nos cálculos da matriz de custo total. Os volumes movimentados intra-regionalmente e inter-regionalmente encontram-se na Tabela 16.

**Tabela 16: Volume (Mil Ton) Transportado entre Regiões Candidatas**

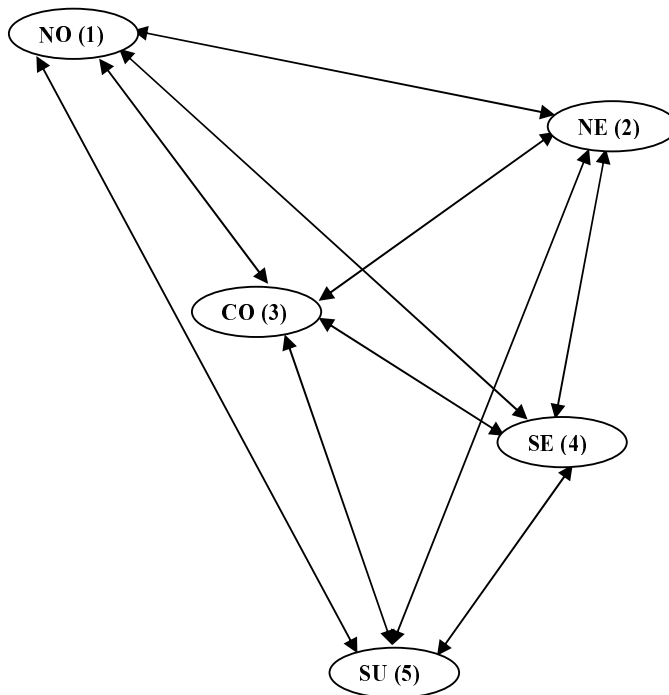
Volume (Mil Ton)	NO (1)	NE (2)	CO (3)	SE (4)	SU (5)
NO (1)	11,318093	1,90177	5,739481	14,711184	0,523219
NE (2)	2,631522	20,47258	7,444176	27,579698	0,861412
CO (3)	9,219488	7,912159	5,49134	14,928055	1,626558
SE (4)	15,271388	33,188791	22,203032	54,374075	25,588825
SU (5)	0,197566	1,308303	1,732504	25,380596	5,65789

Fonte: (DAC, 2004).

Como forma de ilustração, a Figura 4 mostra como ficaria configurada a rede de transportes com a utilização de pontos intermediários consolidadores. Assim, se a rede possuir como *hub* a região Centro-Oeste (CO), toda movimentação de carga entre qualquer par de aeroportos passará obrigatoriamente pela região CO. Portanto, quando se deseja transportar uma determinada quantidade de carga da região Sul (SU) para a região Norte (NO), o caminho a ser percorrido é de Sul (SU) para Centro-Oeste (CO) e daí para o Norte (NO).



**Figura 4: Configuração Proposta para a Rede Aérea de Transportes de Carga no Brasil**



A Tabela 17 mostra como ficaria o fluxo movimentado nos arcos com a utilização de cada região como *hub*, indicada pelo número entre parênteses. Pode-se notar que, para cada arco, o volume total transportado será sempre a soma do volume movimentado entre os nós início e fim de um par de cidades com o restante do volume trafegado no arco, que é representado por todos os volumes que passam pelo *hub* eventual, tendo como extremo o nó fim do referido arco.

**Tabela 17: Fluxos em Arcos (Mil Ton)**

<i>Hub</i>	Arco	Volume Transportado(*)	Fluxo Movimentado (Mil Ton)
1	(1,2)	$V_{12} + V_{32}^{(1)} + V_{42}^{(1)} + V_{52}^{(1)}$	44,311023
	(1,3)	$V_{13} + V_{23}^{(1)} + V_{43}^{(1)} + V_{53}^{(1)}$	37,119193
	(1,4)	$V_{14} + V_{24}^{(1)} + V_{34}^{(1)} + V_{54}^{(1)}$	82,599533
	(1,5)	$V_{15} + V_{25}^{(1)} + V_{35}^{(1)} + V_{45}^{(1)}$	28,600014
2	(2,1)	$V_{21} + V_{31}^{(2)} + V_{41}^{(2)} + V_{51}^{(2)}$	27,319964
	(2,3)	$V_{23} + V_{13}^{(2)} + V_{43}^{(2)} + V_{53}^{(2)}$	37,119193
	(2,4)	$V_{24} + V_{14}^{(2)} + V_{34}^{(2)} + V_{54}^{(2)}$	82,599533
	(2,5)	$V_{25} + V_{15}^{(2)} + V_{35}^{(2)} + V_{45}^{(2)}$	28,600014
3	(3,1)	$V_{31} + V_{21}^{(3)} + V_{41}^{(3)} + V_{51}^{(3)}$	27,319964
	(3,2)	$V_{32} + V_{12}^{(3)} + V_{42}^{(3)} + V_{52}^{(3)}$	44,311023
	(3,4)	$V_{34} + V_{14}^{(3)} + V_{24}^{(3)} + V_{54}^{(3)}$	82,599533
	(3,5)	$V_{35} + V_{15}^{(3)} + V_{25}^{(3)} + V_{45}^{(3)}$	28,600014
4	(4,1)	$V_{41} + V_{21}^{(4)} + V_{31}^{(4)} + V_{51}^{(4)}$	27,319964
	(4,2)	$V_{42} + V_{12}^{(4)} + V_{32}^{(4)} + V_{52}^{(4)}$	44,311023
	(4,3)	$V_{43} + V_{13}^{(4)} + V_{23}^{(4)} + V_{53}^{(4)}$	37,119193
	(4,5)	$V_{45} + V_{15}^{(4)} + V_{25}^{(4)} + V_{35}^{(4)}$	28,600014
5	(5,1)	$V_{51} + V_{21}^{(5)} + V_{31}^{(5)} + V_{41}^{(5)}$	27,319964
	(5,2)	$V_{52} + V_{12}^{(5)} + V_{32}^{(5)} + V_{42}^{(5)}$	44,311023
	(5,3)	$V_{53} + V_{13}^{(5)} + V_{23}^{(5)} + V_{43}^{(5)}$	37,119193
	(5,4)	$V_{54} + V_{14}^{(5)} + V_{24}^{(5)} + V_{34}^{(5)}$	82,599533

(\*)  $v_{ij}^{(k)}$  significa o volume movimentado entre a origem  $i$  e o destino  $j$  via *hub*  $k$ .

Os arcos que possuem um maior valor no fluxo movimentado são aqueles que possuem como destino a região Sudeste (nó 4). Isso já pode representar uma tendência dessa região em atuar como *hub*, pelo fato dela movimentar uma grande quantidade de carga.

Porém, a grande vantagem em se configurar uma rede de transportes no tipo *hub and spoke* é o ganho gerado por economias de escala nas ligações entre *hubs*. Para esse estudo em questão, não existe ligação entre *hubs*, pois a rede somente irá conter um único *hub*.

Assim, será introduzido um fator de desconto  $\alpha$  para expressar os ganhos em economias de escala nas ligações utilizando a região candidata a *hub*. Esse fator  $\alpha$  estará compreendido sempre entre 0,1 e 1 e obedecerá a uma faixa de volume movimentado como mostra a Tabela 18.

Na medida em que o volume movimentado aumenta, o fator  $\alpha$  diminui, com a conseqüente redução nos custos em nós que movimentam uma quantidade grande de cargas. Assim, cada região candidata a *hub* terá um valor de  $\alpha$  correspondente à sua movimentação, como mostra a Tabela 19. A região Sudeste (SE) é a que apresenta o menor valor de  $\alpha$ , por ser a região com a maior movimentação de cargas.

**Tabela 18: Relação entre o Fluxo Movimentado e o Fator de Desconto**

Fluxo Movimentado (Mil Ton)	Fator de Desconto ( $\alpha$ )
$0 \leq V_i \leq 10$	1
$10 < V_i \leq 20$	0,9
$20 < V_i \leq 30$	0,8
$30 < V_i \leq 40$	0,7
$40 < V_i \leq 50$	0,6
$50 < V_i \leq 60$	0,5
$60 < V_i \leq 70$	0,4
$70 < V_i \leq 80$	0,3
$80 < V_i \leq 90$	0,2
$V_i > 90$	0,1

**Tabela 19: Relação de  $\alpha$  e Regiões Candidatas**

	NO (1)	NE (2)	CO (3)	SE (4)	SU (5)
$\alpha$	0,8	0,6	0,7	0,2	0,8

De posse dos valores de  $\alpha$  para cada região, pode-se então corrigir os valores obtidos na Tabela 15, os quais serão multiplicados pelo fator de desconto referente à região de destino e candidata a atuar como *hub*. A matriz de custo corrigido fica representada então pela Tabela 20.

**Tabela 20: Custo Corrigido (Mil R\$)**

$C'$ (MilR\$)	NO (1)	NE (2)	CO (3)	SE (4)	SU (5)
NO (1)	0	34008	27048	10756	50112
NE (2)	45344	0	23198	8516	47632
CO (3)	30912	19884	0	3496	25904
SE (4)	43024	25548	12236	0	13632
SU (5)	50112	35724	22666	3408	0

Para a obtenção do resultado chega-se a uma matriz de custo total entre origens e destinos que representa, no caso de regiões de origem e destino semelhantes (ex.: NO-NO, NE-NE), a soma dos produtos entre os volumes movimentados em cada trecho pelo custo corrigido naquele trecho, utilizando a região como *hub* (ex.: no trecho NO-NO tem-se a soma dos produtos entre  $V_{12}$  e  $C'_{12}$ ,  $V_{13}$  e  $C'_{13}$ ,  $V_{14}$  e  $C'_{14}$  e  $V_{15}$  e  $C'_{15}$ ). Os custos representados por regiões de origem e destino distintas (ex.: NO-NE, NE-CO) totalizam o produto entre o volume e o custo corrigido no trecho O-D, mais a soma dos produtos entre o volume originado nesse ponto, multiplicado pela soma dos custos corrigidos para tal trecho e que utiliza como *hub* a região de destino (ex.: no trecho NO-NE tem-se a soma do produto entre  $V_{12}$  e  $C'_{12}$  mais o produto entre  $V_{13}$  pela soma entre  $C'_{12}$  e  $C'_{23}$ , mais o produto entre  $V_{14}$  pela soma entre  $C'_{12}$  e  $C'_{24}$ , mais o produto entre  $V_{15}$  pela soma entre  $C'_{12}$  e  $C'_{25}$ ). Dessa forma, a região candidata que apresentar um menor custo total, como mostra a Tabela 21, será escolhida para atuar como *hub*.

**Tabela 21: Custo Total (Mil R\$ x Mil Ton)**

$C_T \left( \frac{\text{MilR}\$x}{\text{MilTon}} \right)$	NO (1)	NE (2)	CO (3)	SE (4)	SU (5)
NO (1)	404369,92	1061302,13	721539,25	371997,77	1394510,40
NE (2)	2287670,52	567913,21	1093591,16	544057,45	2229224,73
CO (3)	1552462,61	1292469,58	536641,02	738739,49	1668144,64
SE (4)	7152686,81	4885425,68	2972587,90	2125446,59	3766277,84
SU (5)	1798501,00	1287674,26	769529,57	160656,97	182404,25
$\Sigma$	<b>13195690,86</b>	<b>9094784,88</b>	<b>6093888,90</b>	<b>3940898,27</b>	<b>9240561,86</b>

Para ratificar os resultados obtidos na estratégia de solução utilizada, e para facilitar o entendimento da solução do problema e de seu sequenciamento lógico, foi desenvolvido um algoritmo, e que é apresentado no Apêndice I. O Apêndice II mostra os resultados obtidos pelo mesmo. O modelo foi desenvolvido em A.S.P (Active Server Pages) e está disponível no endereço: <http://200.220.0.173/hubs.asp>.

O Gráfico 8 ilustra o comportamento dos custos entre todas as origens e destinos. Para esse estudo, conforme antecipado pela maior movimentação de carga, a região escolhida foi a Sudeste (SE), que apresentou o menor valor dentre as regiões analisadas.

