

## 6 Conclusões

Nesta tese apresentamos os métodos da RPA auto-consistente e da renormalizada. Este último foi apresentado de modo mais detalhado, pois, devido à sua relativa simplicidade computacional, o utilizamos em nossos cálculos.

No capítulo 2, depois da apresentação dos métodos, aplicamos a RPA renormalizada ao modelo de Hubbard puro e também verificamos que uma certa regra de soma é obedecida, a qual liga a integral de  $\chi^{ch}$  ou  $\chi^{sp}$ , ponderada pela energia, à energia cinética média por sítio.

No capítulo 3, vimos que  $\chi^0$  depende de  $U$  através dos  $n'_k$ 's, devido à auto-consistência. Esta auto-consistência, por sua vez, melhora consideravelmente os resultados em relação à RPA convencional, inclusive eliminando a instabilidade presente nesta. Dai que numericamente se pode verificar que a regra de soma referida acima é obedecida no nosso método mas não na RPA convencional.

O método, que é uma forma de campo médio e não foi desenvolvido especificamente para 1D, introduz artificialmente uma transição metal-insolante e falha em detetar comportamento líquido de Luttinger para preenchimento 1/4.

No caso de acoplamentos fortes o método admite uma solução analítica, a qual difere do correspondente limite do “ansatz” de Bethe apenas por um pré-fator.

No capítulo 4 aplicamos o método ao modelo de Hubbard estendido com interações até segundos vizinhos, para interações  $U, V_1, V_2$  repulsivas. Geramos a hamiltoniana efetiva  $\mathcal{H}^{SC}$ , que é uma expressão bastante complicada mas na RPA renormalizada há simplificação, apenas agregando-se um termo em relação ao Hubbard puro. Isto permite encontrar, nesta aproximação, as funções de Green e as susceptibilidades de carga e de spin, analiticamente. A expressão para  $\chi^{sp}$  tem a mesma forma que a de Hubbard puro mas  $\chi^0$  depende agora de  $V_1$  e  $V_2$ , além de  $U$ .

No capítulo 5 resolvemos numericamente as equações e expressões encontradas no capítulo 4, para banda semi-cheia, na ausência de interação  $V_2$  entre segundos vizinhos. Aí verificamos que  $V_1$  (que agora denotamos por  $V$ ) tende a reduzir a frequência dos plasmons, o que indica que- pelos menos para valores relativamente pequenos que consideramos ( $V < U$ )- é mais

fácil criá-los. Para valores grandes,  $V$  inibe a ocupação de sítios vizinhos estimulando a dupla ocupação, provavelmente dificultando as oscilações de densidade que são os plasmons.

Com relação aos magnons, à medida que  $V$  cresce dificulta sua criação, ao aumentar  $Re\chi^0$ , afastando-a mais ainda da reta  $-1/U$ . Entendemos, outra vez, que isto se deve à diminuição dos pares de primeiros vizinhos, os quais tendem a ajudar na ordem magnética.

A introdução de  $V$  permite a existência de uma ordem de densidade de carga (CDW) e o método pode ser usado para determinar a linha que separa as duas fases. Usamos como critério para a transição, o aparecimento de um pico de plasmon em  $\chi^{ch}$  em  $w = 0$  e em  $q = 2k_F$ . Devido à renormalização, este pico ocorre, para um dado  $U$ , para valores de  $V$  um pouco maiores que os previstos na RPA convencional e em acordo com as predições de métodos que não usam as aproximações de campo médio (ver por exemplo, referências [24], [29] e [30]).

A fase BOW não foi considerada neste trabalho; temos a intenção de usar posteriormente o presente método para determinar sua disposição no diagrama de fase do modelo estendido.

Para banda um quarto cheia, a presença de  $V_2$  introduz inúmeros efeitos novos, os quais servem para descrever os sais de Bechgaard<sup>15</sup>, como é discutido na referência [19]. Pretendemos também usar nosso método para descrever estes sistemas, como continuação do presente trabalho.